

Л. Г. Лабскер

ТЕОРИЯ КРИТЕРИЕВ ОПТИМАЛЬНОСТИ И ЭКОНОМИЧЕСКИЕ РЕШЕНИЯ

Второе издание, стереотипное

КНОРУС

Москва
2011

СОДЕРЖАНИЕ

ВВЕДЕНИЕ	3
-----------------------	---

ГЛАВА 1. Игры с природой

§ 1.1. Определение игры с природой	12
§ 1.2. Понятие выигрыша при чистой стратегии	14
§ 1.3. Принцип доминирования чистых стратегий относительно выигрышей	16
§ 1.4. Понятие риска при выборе чистой стратегии	18
§ 1.5. Принцип доминирования чистых стратегий относительно рисков	25
§ 1.6. Смешанные стратегии	27
§ 1.7. Понятие выигрыша при смешанных стратегиях	37
§ 1.8. Принцип доминирования смешанных стратегий относительно выигрышей	39
§ 1.9. Понятие риска при выборе смешанной стратегии	49
§ 1.10. Принцип доминирования смешанных стратегий относительно рисков	52

Г Л А В А 2. Принятие решений в условиях риска

§ 2.1. Критерий Байеса оптимальности чистых стратегий относительно выигрышей	60
§ 2.2. Критерий Байеса оптимальности смешанных стратегий относительно выигрышей	76
§ 2.3. Взаимно дублирующие стратегии, оптимальные по критерию Байеса относительно выигрышей	89
§ 2.4. Критерий Байеса оптимальности чистых стратегий относительно рисков	99
§ 2.5. Критерий Байеса оптимальности смешанных стратегий относительно рисков	106
§ 2.6. Критерий Лапласа оптимальности чистых стратегий относительно выигрышей	112
§ 2.7. Критерий Лапласа оптимальности смешанных стратегий относительно выигрышей	117
§ 2.8. Критерий Лапласа оптимальности чистых стратегий относительно рисков	121
§ 2.9. Критерий Лапласа оптимальности смешанных стратегий относительно рисков	125
§ 2.10. Критерий относительных значений вероятностей состояний природы с учетом выигрышей	131
§ 2.11. Критерий относительных значений вероятностей состояний природы с учетом рисков	141
§ 2.12. Критерий максимальной вероятности для чистых стратегий относительно выигрышей	147
§ 2.13. Критерий максимальной вероятности для оптимальности смешанных стратегий относительно выигрышей	152
§ 2.14. Критерий максимальной вероятности для оптимальности чистых стратегий относительно рисков	162
§ 2.15. Критерий максимальной вероятности для оптимальности смешанных стратегий относительно рисков	169
§ 2.16. Критерий Гермейера оптимальности чистых стратегий относительно выигрышей	181
§ 2.17. Показатель эффективности смешанных стратегий по критерию Гермейера относительно выигрышей	193
§ 2.18. Критерий Гермейера оптимальности смешанных стратегий относительно выигрышей	204
§ 2.19. Геометрический и аналитический методы решения игр с природой $2 \times n$ по критерию Гермейера относительно выигрышей	213
§ 2.20. Критерий Гермейера оптимальности чистых стратегий относительно рисков	226

§ 2.21. Показатель неэффективности смешанных стратегий по критерию Гермейера относительно рисков	234
§ 2.22. Критерий Гермейера оптимальности смешанных стратегий относительно рисков	250
§ 2.23. Геометрический и аналитический методы решения игр с природой $2 \times n$ по критерию Гермейера относительно рисков	257
§ 2.24. Заключение к главе 2	268

Г Л А В А 3. Принятие решений в условиях неопределенности

§ 3.1. Критерий Вальда оптимальности чистых стратегий	273
§ 3.2. Показатель эффективности смешанных стратегий по критерию Вальда	280
§ 3.3. Критерий Вальда оптимальности смешанных стратегий	291
§ 3.4. Геометрический и аналитический методы нахождения оптимальных стратегий по критерию Вальда в играх с природой $2 \times n$	299
§ 3.5. Критерий Сэвиджа оптимальности чистых стратегий	308
§ 3.6. Показатель неэффективности смешанных стратегий по критерию Сэвиджа	316
§ 3.7. Критерий Сэвиджа оптимальности смешанных стратегий	330
§ 3.8. Геометрический и аналитический методы решения игр с природой $2 \times n$ по критерию Сэвиджа	338
§ 3.9. Максимумный критерий оптимальности чистых стратегий	349
§ 3.10. Максимумный критерий оптимальности смешанных стратегий	352
§ 3.11. Миниминный критерий оптимальности чистых стратегий	362
§ 3.12. Миниминный критерий оптимальности смешанных стратегий	365
§ 3.13. Критерий произведений	376
§ 3.14. Решение игр с природой 2×2 по критерию произведений	380
§ 3.15. Заключение к главе 3	390

Г Л А В А 4. Комбинированные критерии принятия решений

§ 4.1. Критерий Ходжа-Лемана оптимальности чистых стратегий относительно выигрышей	396
§ 4.2. Критерий Ходжа-Лемана оптимальности смешанных стратегий относительно выигрышей	420
§ 4.3. Критерий Ходжа-Лемана оптимальности чистых стратегий относительно рисков	436
§ 4.4. Критерий Ходжа-Лемана оптимальности смешанных стратегий относительно рисков	460
§ 4.5. Критерий пессимизма-оптимизма Гурвица оптимальности чистых стратегий относительно выигрышей	479
§ 4.6. Критерий пессимизма-оптимизма Гурвица оптимальности смешанных стратегий относительно выигрышей	496
§ 4.7. Аналитическая зависимость оптимальности по критерию Гурвица относительно выигрышей от показателя оптимизма в играх с природой 2×2	504
§ 4.8. Критерий пессимизма-оптимизма Гурвица оптимальности чистых стратегий относительно рисков	534
§ 4.9. Критерий пессимизма-оптимизма Гурвица оптимальности смешанных стратегий относительно рисков	550
§ 4.10. Обобщенный критерий Гурвица оптимальности чистых стратегий относительно выигрышей	558
§ 4.11. Формализованный выбор коэффициентов обобщенного критерия Гурвица оптимальности чистых стратегий относительно выигрышей	565
§ 4.12. Обобщенный критерий Гурвица оптимальности смешанных стратегий относительно выигрышей	567

§ 4.13. Теорема существования стратегии, оптимальной во множестве смешанных стратегий по обобщенному критерию Гурвица относительно выигрышей	573
§ 4.14. Игры со сравнимыми состояниями природы	585
§ 4.15. Аппроксимационные свойства смешанных стратегий в играх со сравнимыми состояниями природы	595
§ 4.16. Частные случаи обобщенного критерия Гурвица относительно выигрышей	604
§ 4.17. Обобщенный критерий Гурвица оптимальности чистых стратегий относительно рисков	612
§ 4.18. Обобщенный критерий Гурвица оптимальности смешанных стратегий относительно рисков	620
§ 4.19. Частные случаи обобщенного критерия Гурвица относительно рисков	627
§ 4.20. Критерий Гермейера-Гурвица оптимальности стратегий относительно выигрышей	634
§ 4.21. Геометрический и аналитический методы решения игр с природой $2 \times n$ по критерию Гермейера-Гурвица относительно выигрышей	638
§ 4.22. Общая теория конструирования критериев оптимальности стратегий в рамках теории игр с природой	642

Г Л А В А 5. Финансово-экономические приложения

§ 5.1. Анализ задачи оптимизации рисков при утилизации атомных подводных лодок (АПЛ) с применением критериев оптимальности относительно выигрышей	659
§ 5.2. Анализ задачи оптимизации рисков при утилизации атомных подводных лодок (АПЛ) с применением критериев оптимальности относительно рисков.....	673
§ 5.3. Оптимизация рисков при утилизации атомных подводных лодок (АПЛ) с применением синтетических критериев	689
§ 5.4. Выбор оптимального метода страхования космических рисков с помощью критерия Гермейера-Гурвица	701
§ 5.5. Оптимизация инвестиций в строительство жилья с помощью критерия Ходжа-Лемана относительно выигрышей	708
§ 5.6. Оптимизация инвестиций в строительство жилья с помощью критерия Ходжа-Лемана относительно рисков	724
ЛИТЕРАТУРА	729